音声可視化デバイス「カエルホタル」による ニホンアマガエル合唱の時空間構造解析

Spatio-temporal Analysis of Frog Choruses using Sound-to-Light Conveting Device Firefly

水本 武志¹ 合原 一究² 奥乃 博³

Takeshi MIZUMOTO Ikkyu AIHARA Hiroshi G. OKUNO ¹株式会社ホンダ・リサーチ・インスティチュート・ジャパン²理化学研究所³京都大学

¹ Honda Research Institute Japan, Co., Ltd. ² RIKEN ³ Kyoto University t.mizumoto@jp.honda-ri.com ikkyu@brain.riken.jp okuno@i.kyoto-u.ac.jp

Abstract

本稿では生物の合唱可視化システムと、それを用 いたニホンアマガエルの合唱の時空間構造解析 について報告する.ニホンアマガエルのような 小型の夜行性生物の生息地における合唱の時空 間構造は、各発声の位置と時刻の計測が困難なた め明らかではなかった.そこで我々は、音を光に 変換するデバイス「カエルホタル」によって野 外の合唱を可視化し、同期状態を解析するシステ ムを開発した.フィールド実験の結果、6匹の合 唱を観測した.その解析の結果、隣り合う個体同 士が逆相同期しており、距離の近いペアほど同期 が安定していた.

1 はじめに

日本では、梅雨の時期にニホンアマガエル (Hyla japonica) の合唱が広くみられる (図1). 彼らの合唱をよく聴いてい ると、互いにタイミングを合わせているように聞こえるこ とがある. 実際、室内で3匹のニホンアマガエルを1列に 配置すると、隣り合う個体同士が交互に鳴いたり (1:2逆 相同期)、各個体がワルツのように順番に鳴く (3相同期) 現象を観察できる [1]. 合唱する種は、カエルに限らず、コ オロギ、バッタ、ゴリラ、コウモリなど多く知られている. 合唱の目的は、繁殖、縄張りの維持、餌の定位など多岐にわ たり、合唱中の個体位置 (空間構造) も、その時間間隔 (時 間構造) も様々である.

合唱の時空間構造, すなわち各個体の鳴く位置と時刻, の計測は彼らの音声コミュニケーションを明らかにする 上で重要である [2]. 典型的には観測者の耳に頼った計測 方法が用いられていたが, 得られる情報の精度と質には限 界があった. 特にカエルをはじめとする小型の夜行性生 物は, 目視が困難な夜間に鳴くうえ, 人が近づきすぎると 鳴き止むので距離を取らなければならず, 野外での詳細な



図 1: ニホンアマガエル (Hyla japonica)

音声の計測は困難であった.そのため,音声コミュニケー ションの実験は主に屋内で行われていた [2].

本稿で対象とするニホンアマガエルとその合唱の特徴 は以下のとおりである. 繁殖期は春から夏であり, その時 期に水辺, 主に水田に集まって交配する. このときの集団 での発声行動が合唱と呼ばれる. 鳴くのはオスのみで, 鳴 き声の種類には, advertisement call と呼ばれるメスヘア ピールする鳴き声や, aggressive call と呼ばれる縄張り維 持のための鳴き声などが知られている [2]. 各個体は1秒 間に 3-4 回という高頻度で鳴くので, 合唱中は常に複数個 体が同時に発声している. 体長は通常 3-4cm と小さく, 水 田では 1-2m の間隔を空けて疎に分布している [3].

以上の議論から,小型夜行性生物の合唱における時空間 構造を計測するシステムは,次の4つの要求条件を満足す る必要がある.

- 1. 対象種の生息地で使用可能
- 2. 複数個体の同時発声を検出可能
- 3. 動物行動への影響の最小化
- 4. 多様な空間配置の動物へ適用可能

本稿では、安価で容易に使用できる合唱可視化システム (Sound Imaging System)と、それを用いたニホンアマガ エルの合唱構造の解析について述べる.本システムは、数 十の音声可視化デバイスカエルホタル(図2)と、市販の ビデオカメラから構成される.まずカエルホタルを対象 生物の合唱するフィールドに配置する.各カエルホタルは 周囲の音を検出して LED 発光に変換するので, ビデオカ メラでその発光パターンを録画する.次に動画から LED の輝度時系列を抽出し, それを表示することで合唱の時空 間構造を可視化する.さらに各発声時刻の系列から合唱 中の同期状態を解析する.本システムは,次のとおり要求 条件を満たしている.(1)生物の生息地に設置して使用可 能.(2)各カエルホタルのマイクは近い位置の音声のみを 検出するので,離れた個体が発声すればその個体の近くの LED が光る.したがって,光のパターンから同時発声を検 出可能.(3)発光パターン計測中はフィールドから離れて よい.(4)カエルホタルの配置数や間隔を変えれば異なる 空間配置へ応用可能.

本稿の構成は以下のとおりである.まず 第2節 で関連 研究をまとめる.次に 第3節 で合唱可視化システムにつ いて述べる.第4節でフィールド実験とその結果について 議論し,第5節で結論を述べる.なお,本論文は文献 [4,5] の概説である.詳細は文献を参照されたい.

2 関連研究

生物学の観点からの音声コミュニケーションについては, 古くから様々な種について調べられてきた. たとえば,カ エルの合唱や [6,7], コオロギの合唱 [8], コウモリのエコー ロケーション [9,10] などの報告がある.

音声コミュニケーションの計測手法はさまざまな手法 が提案されているが、いずれもニホンアマガエルの合唱の 計測への適用は困難である.まず、人の耳で聞いて記録す る方法は、カエルが多数の個体が同時かつ頻繁に鳴く特徴 を持つので、現実的ではない.近年、バイオロギングと呼 ばれる動物にデータロガーを装着する方法が広く使われ ており、ウミガメの回遊ルート [11] やイルカの音声コミュ ニケーション [12] などが計測されている.この手法の問 題はデータロガーのサイズと個体数である.ニホンアマガ エルは小型動物なので装着すると行動に影響を与えてし まい、そのうえ数十の全個体に装着しなければ各鳴き声の 時空間情報が得らないため、現実的ではない.

マイクアレイ処理による音源定位や音源分離は有望な アプローチである.到達時間差による音源定位が最も広く 用いられており、ウシガエルや[13] ヒキガエル [14] など の発声タイミングの推定と行動解析の報告がある.また、 複数マイクアレイとその全地球測位システム (GPS) を組 み合わせた鳴き声の定位手法も提案されている [15].これ らの手法の問題点は、発声の時間的スパースネスを仮定し ていることである.ウシガエルやヒキガエルなどの発声間 隔の長い種では同時に鳴くことは少ないので問題ないが、 ニホンアマガエルではほぼ常に同時発声が生じているの で仮定が成立しない.より高度な信号処理手法、たとえば 独立成分分析を用いたプラインド音源分離 [16] やロボッ ト聴覚ソフトウェア HARK [17] の使用も考えられるが、



図 2: カエルホタルの写真



図 3: カエルホタルのブロック図

少なくとも筆者らの経験では合唱中の各音声の信号対雑 音比が低すぎて十分な性能は得られなかった.

3 音声可視化システム

本節では, 音声可視化システムについて概説する. 詳細 は [4,5] を参照されたい.

3.1 システム概要

本システムは市販のビデオカメラと多数のカエルホタル から構成される. ビデオカメラは、ソニー社のハンディカ ム (HDR-XR520; 29.97 fps)を用いた. 実験では HD モー ド (解像度 1480×1080) に設定し、三脚で地面に固定して 使用した.

カエルホタルは、マイクと調整用可変抵抗、LED、単4 充電池2本がプラスチックケースに収納されている.図 2 左側にカエルホタルの内部回路を、右側に外観を示す. 内部処理は図3に示す通り、音声収録、増幅、全波整流と LED 駆動の各回路で構成されている.部品の誤差などに よる個体差は、可変抵抗の手動調整で合わせる. LED に は赤色を使用する.これは、筆者らの経験からニホンアマ ガエルは光に近寄る特性 (photopositive)を持つことが分 かっており、photopositive な生物は赤色への感度が低い からである [18].したがって、赤色の使用で行動への影響 の最小化が期待できる.また、ビデオカメラはカエルホタ ルの側面から撮影するため、光の側面からの視認性を高め る必要がある. そこで, LED にシリコン製キャップを装着 して光を拡散している.

3.2 音声可視化システムによる計測

音声可視化システムによる合唱の解析は,(1) データ収録, (2) 時空間構造可視化,(3) 同期状態解析から構成される.

3.2.1 データ収録

まずカエルホタルをフィールドに配置し,発光パターン をビデオカメラで収録する.カエルホタルは小雨程度な ら動作するのでデータ収録は可能であるが,その場合はビ デオカメラを防水ケースで覆うことで故障を防ぐ必要が ある.

データ収録で重要な点は次の3点である.2,3 については対象種に対する知見に基づいているので,他の種の合唱を計測する場合はそれに合わせる必要がある.

- ビデオカメラはすべてのカエルホタルが見渡せる位置に三脚で固定する.
- ニホンアマガエルは水田の縁 (あぜ道) で鳴くことが 知られているので、カエルホタルはあぜ道に沿って等 間隔に配置する.
- ニホンアマガエルは日没後に鳴くので、実験はすべて 日没後に行う.

3.2.2 時空間情報可視化

時空間情報の可視化には動画像からの LED の位置検出 と、輝度時系列の抽出が必要となる.このとき問題となる のは、(1) LED の光が弱いので単独フレームのみでは検出 が困難、(2) カエルホタルの輝度特性の個体差の存在の2 点である.それぞれに対して、(1) 30 秒程度の平均フレー ムを用いてコントラストを向上することで検出を可能と し、(2) 各輝度時系列の平均値の正規化によって個体差を 吸収することで解決する.

時空間情報可視化は5ステップから構成される.

(1) フレーム分割 まず、動画をフレームごとに分割する. ffmpeg をはじめとして様々なツールがあるが、我々は Pegasys 社の TMPGEnc を使用した.

(2) 平均フレーム計算 各フレームから NTSC 規格 [19] に基づいて輝度を計算し、 グレイスケールに変換する.

$$I_g(x, y, t) = 0.2989 I_R(x, y, t) + 0.5870 I_G(x, y, t) + 0.1140 I_B(x, y, t)$$
(1)

ただし, $I_g(x, y, t)$, $I_R(x, y, t)$, $I_G(x, y, t)$, $I_B(x, y, t) \in [0, 255]$ はそれぞれ t フレーム目の 座標 (x, y) のピクセ ルの輝度, 赤成分, 緑成分, 青成分を表す.

こうして求めたグレイスケールのフレームを用いて平 均フレーム $\bar{I}(x,y)$ を計算する.

$$\bar{I}(x,y) = \frac{1}{N} \sum_{t=1}^{N} I_g(x,y,t)$$
(2)



図 4: マスク修正 GUI ツールのスクリーンショット.マウ ス操作で,誤検出されたマスクの削除や検出に漏れたマス クの追加が可能

ただし, N は 30 秒分のフレーム数をあらわす.

(3) LED 位置検出とマスク生成 LED 部分を抽出する ため平均フレームを2値化する.フレームの輝度ヒストグ ラムは、ほぼすべての領域が0にすべき小さい値を持ち、 狭い領域のみが大きな値を持つという特性がある.そこ で、次のアルゴリズムで閾値を求める.

まず、閾値 θ を輝度ヒストグラムの最大値に設定する. 次に、頻度が単調減少する間 θ を増加させる.単調減少が 停止したときの値 θ を 2 値化の閾値とする.この方法で、 0 にすべき小さい値の山を 0 にし、1 にすべき大きい値の 山の手前に閾値を設定できる.擬似コードは次のとおりで ある.

 $\theta \leftarrow \operatorname{argmax} h(i)$

1

while
$$h(\theta) > h(\theta + 1)$$
 and $\theta < 255$ do

$$\theta \leftarrow \theta +$$

end while

ただし, $i \in [0, 255]$ を輝度,h(i)を頻度とする.

こうして得られたバイナリ画像を4連結で結合し,各連 結成分にラベル(通し番号)を与える.そして誤検出され たラベルを GUI ツール(図4)によって手作業で取り除く と,各 LED に対応するマスクが得られる.LED 周辺に漏 れた光も抽出するため,各ラベルには膨張処理を施す.ビ デオカメラは固定しているので,こうして得られたマスク は同一動画内では同じものが使える.

(4) 輝度時系列抽出 マスクのラベルを m で表すと,第
m マスクのフレーム t での輝度 l(m,t) は,次式で求まる.

$$l(m,t) = \sum_{x=0}^{W} \sum_{y=0}^{H} \left(I_{mask}(x,y,m) I_g(x,y,t) \right)$$
(3)

ただし, W, H はフレームの幅と高さとし, $I_{mask}(x, y, m) \in [0, 1]$ は座標 (x, y) が第 m マスク内のとき 1, マスク外のとき 0 の値を取るとする.

このままでは、カエルホタルごとの輝度の違いがあるために発声位置・時刻が特定できない. そこで、各マスクご



図 5: ストロボスコープ法による同期解析の概要

とに輝度の平均値を求め、それを減算することで個体差を 正規化する.そして、輝度の値域を[0,1]とするため、輝度 の総和で除算する.

(5) 発声位置・時刻検出 最後に, 発声時刻と位置を *l*(*m*,*t*) のローカルピークから求める.1辺 *L* の正方形の窓を, *l* 上にスライドさせ, 窓の中央の座標 (*m*,*t*) の輝度 *l*(*m*,*t*) が窓内で最大の場合, (*m*,*t*) をローカルピークとする. *L* は実験的に 3 とした.

3.2.3 同期状態解析

発声位置・時刻からカエルの同期状態を統計的に解析 する.まず,近接する2匹のカエルの発声系列の同期状態 をストロボスコープ法 [20] で求める.図5にストロボス コープ法の概要を示す.2つの発声系列をA,Bとし,A の位相を,発声時刻で0,次の発声時刻で2 π となるよう に線形な単調増加の組み合わせで定義する(図左側).次に, Bの各発声時刻におけるAの位相をプロットすることで, AとBの位相差を計算できる(図右側).図5の場合,位相 差が π に偏っているので,AとBは逆相同期している.

次に、この位相差データから同期状態を統計的に検定す る. 直感的には、位相差が一様分布であれば発声系列は同 期しておらず、いずれかの値に偏っていればその位相差で 同期しているといえる. 方向統計で用いられる Rayleigh 検定 [21] は、帰無仮説が「位相データは一様分布に従う」 なので、これを用いれば位相差が統計的に有意に偏ってい るかを検定できる. もし有意に偏っているのであれば、そ のカエルの組は同期しているといえる.

4 フィールド実験

合唱可視化システムを用いた野外でのニホンアマガエル の合唱の解析を行い,本手法の有効性を示す.

4.1 実験条件

フィールド実験は 2011 年 6 月 9 日から 16 日にかけて島 根県隠岐島の水田で行った.実際に使用した水田の外形を 図 6 に示す.なお,カエルホタルを配置したあぜ道は湿っ た土と高さ 10cm ほどの草に覆われていた.カエルホタ ルは,図 6 中の赤丸の位置から,同図の矢印で示すあぜ道 に沿って 33.8m に渡って 40cm 間隔で配置した.ビデオカ



図 6: 実験を行った水田の概形



図 7:6 匹の合唱の可視化 (2011 年 6 月 12 日)

メラは水田より 2m 程度高い図中の青い四角の位置に設置 した.

4.2 実験結果

複数のカエルの合唱の可視化例を図7に示す. 図上段は 輝度時系列, 図中段は輝度時系列のピーク, 図下段は同時 に録音した音声波形である. 上段と中段の縦軸はカエルホ タルの位置を, 下段は振幅をそれぞれ表す. 横軸はすべて 時間を表す.まず, 下段をみると多数のピークが見られる. 各ピークがカエルの発声時刻に対応しているので時間情 報はわかるが, 空間情報が欠落している.

図7中段には、安定した発声が0,0.5,2.5,3.5,6,8[m] の位置に6系列見られる. 各系列をそれぞれ a, b, c, d, e, f と名付ける. ニホンアマガエルは鳴きながら動かないこ とから、1つの系列が1匹のカエルに対応する. したがっ て、図には6匹のカエルがいたと推測できる. カエル間距 離が近いので(a, b), (c, d), (e, f) がそれぞれペアを構成 していると仮定すると、各ペアが逆相同期していることが 定性的に観察できる. このことは、2匹のカエルが逆相同





表 1: 同期解析結果 $(p < 0.01)$				
系列 A	系列 B	距離 [m]	平均位相 [deg]	p 値
a	b	0.8	179.4	$< 0.01^{*}$
b	с	2.0	179.5	0.13
с	d	0.8	181.2	$< 0.01^{*}$
d	е	2.4	185.1	0.32
е	f	2.0	4.5	0.34



図 9: 1:2 逆相同期の観測例

期しやすいという室内実験の結果に対応している [1].

次に、定量的に議論するために同期解析を行う. 図8 に 隣り合う全ペアの位相差ヒストグラムを、表1 にペアの距 離と平均位相、p 値を示す. 統計的に有意 (p < 0.01) に位 相差に偏りがある行には * を付している. 表より、a から e まではどのペアも平均的に逆相同期しており、カエル間 距離が 0.8m と短い 2 つのペア (a, b) と (c, d) が有意に 逆相同期している. したがって、合唱中でも隣り合う個体 同士は逆相同期する傾向があり、それは個体間距離が近い ほど安定すると考えられる.

他の観測例について議論する.まず,図9に1:2逆相同 期の観測例を示す.これは屋内で観測した1:2逆相同期が 野外でも再現していることを表している.次に図10に同 相同期の観測例を示す.ニホンアマガエルは逆相同期が安 定状態にもかかわらず同相同期が生じたのは,合唱の開始 時点では同期が不安定であることが理由だと考えられる. 実際,図下側のカエルは1.5秒付近から鳴き始め,同相同 期を経て4.0秒付近では逆相同期になっている.この観測 は,逆相同期には数回の鳴き交わしが必要であることを示 唆している.



図 10: 同相同期の観測例

4.3 考察

まず、合唱の解析結果について議論する.

実験結果は 野外における大規模な合唱においてもニ ホンアマガエルの数理モデルによる予測や屋内実験の結 果 [22] と同様に、カエルたちは隣り合う個体と相互作用し 逆相同期していることを示唆している。

繁殖行動の観点ではこの同期現象は理にかなっている. なぜなら,隣り合うオス同士の発声タイミングをずらせば 発声の時間的な重なりが減るので、メスに自分の位置を知 らせやすいからである.一方で、離れたオス同士の安定し た同期状態は見られない.この現象は、ツンガラガエルで 報告されている、ある音量より大きな音にしか反応して鳴 かない selective attention [23] に対応していると考えられ る.なぜなら、個体同士の距離が離れるほど伝わる音量は 下がるからである.

次に、本システムの利点と限界について議論する.

本システムの利点のひとつは、マイクアレイ処理では必 須のセンサ間同期が不要となることである.この理由は、 音声の存在をLEDの光で伝えることにある.光の速度は 音声に比べて非常に速いので、水田の幅 20-30m 程度であ れば、光の到達時間差はほぼ無視してよい.したがって、 離れた場所のLEDであっても、同一フレーム内で光って いれば実際に同時に光っていたと言える.この利点のおか げで、各カエルホタルは相互に接続することなく自由な位 置に配置できるので、データ収録はマイクアレイの収録に 比べて容易である.

本手法の限界は、(1)使用できるフィールドに条件があ る点と、(2)生物の空間配置に条件がある点である.(1)に ついては、まずに、フィールドはLEDが全て見える平坦な 場所にビデオカメラを設置できる必要がある.ただし、複 数カメラを同期収録できるなら、それらを組み合わせるこ とで凹凸のあるフィールドでの収録も可能である.次に, フィールドが背の高い草地で覆われている場合はLED が 隠れるので,台に乗せるなど高さを上げる工夫が必要とな る.天候に関しても,強い雨の場合は回路が破損する恐れ があるので使用できず,強風の場合はマイクへの風音が原 因で鳴き声を検出できないという制約がある.(2)につい ては,まず,対象生物の空間配置はおおよそ既知である必 要がある.なぜなら,安定した定位のためにはカエルホタ ルは生物の空間配置の 5-6 倍の密度で設置する必要があ るからである(詳細な解析は [5]).ニホンアマガエルの場 合は,およそ 1-2m の間隔で交互に鳴く,すなわち実質的 な個体間距離が 2-4m なので,40cm 程度の距離で設置し た.次に,カエルホタルは地面に配置するので平面上に分 布する種でなければ計測できない.したがって,鳥やコウ モリの鳴き声の時空間構造の可視化は困難である.

5 まとめ

本稿では、音声可視化デバイス「カエルホタル」を用いた 合唱可視化システムと、それを用いたニホンアマガエルの 合唱のフィールド実験について述べた.実験の結果、6匹 の合唱で隣り合う個体たちと逆相同期していることが明 らかになった.多個体の合唱の数理解析は[24]を参照さ れたい.今後は、より大規模なカエル合唱の解析や異なる 種のカエル同士のコミュニケーションの解析、またカエル 以外の生物の合唱の解析を行う予定である.

本研究は JSPS 基盤研究 S(No. 24220006), 特別研究員 奨励費 (No. 08J00608), 理化学研究所・基礎科学特別研 究員制度の支援をうけた.

参考文献

- I. Aihara, R. Takeda, T. Mizumoto, T. Otsuka, T. Takahashi, H. G. Okuno, and K. Aihara. Complex and transitive synchronization in a frustrated system of calling frogs. *Phys. Rev. E*, 83(3):031913 (5 pages), 2011.
- [2] K.D. Wells. The ecology and behavoir of amphibians. The University of Chicago Press, Chicago, 2007.
- [3] M. Matsui. Natural history of the amphibia, pages 150– 152. University of Tokyo Press, 1996.
- [4] T. Mizumoto, I. Aihara, T. Otsuka, R. Takeda, K. Aihara, and H. G. Okuno. Sound imaging of nocturnal animal calls in their natural habitat. *J Comp Physiol A*, 197(9):915–921, 2011.
- [5] T. Mizumoto. Temporal Synchronization among Interacting Individuals in Human-Robot Ensembles and Frog Choruses. PhD thesis, Kyoto University, 2013.
- [6] A.S. Feng, P. M. Narins, C-H Xu, W-Y Lin, Z-L Yu, Q. Qiu, Z-M, and J-X Shen. Ultrasonic communication in frogs. *Nature*, 440:2333–2336, 2006.
- [7] P. M. Narins, A. S. Feng, R. R. Fay, and A. N. Popper, editors. *Hearing and Sound Communication in Amphib*ians. Springer, 2007.
- [8] B. Hedwig and JFA Poulet. Complex auditory behavior emerges from simple reactive steering. *Nature*, 430(7001):781–785, 2004.

- [9] J. A. Simmons, M. B. Fenton, and M. J. O'Farrell. Echolocation and persuit of prey by bats. *Science*, 203(4375):16–21, 1979.
- [10] H. Riquimaroux, S. J. Gaioni, and N. Suga. Cortical computational maps control the auditory perception. *Science*, 251(4993):565–568, 1991.
- [11] J. Okuyama, K. Kataoka, K. M Kobayashi, O. Abe, K. Yoseda, and N. Arai. The regularity of dive performance in sea turtles: a new perspective from precise activity data. *Animal Behaviour*, 84(2):349–359, 2012.
- [12] P. Tyack. An optical telemetry device to identify which dolphin produces a sound., 78(5):1892–1895, 1985.
- [13] A. M. Simmons, J. A. Simmons, and M. E. Bates. Analyzing acoustic interactions in natural bullfrog (*Rana* catesbeiana) choruses. J Comp Physiol, 122(3):274–282, 2008.
- [14] D. L. Jones and R. Ratnam. Blind location and separation of callers in a natural chorus using a microphone array., 126(2):895–910, 2009.
- [15] D. T. Blumstein, D. J. Mennill, P. Clemins, L. Girod, K. Yao, G. Patricelli, J. L. Deppe, A. H. Krakauer, C. Clark, K. A. Cortopassi, S. F. Hanser, B. McCowan, A. M. Ali, and A. N. G. Kirschel. Acoustic monitoring in terrestrial environments using microphone arrays: applications, technological considerations and prospectus. *Journal of Applied Ecology*, 48(3):758–767, 2011.
- [16] A. Hyvarinen, J. Karhunen, and E. Oja. Independent component analysis. Wiley-Interscience, New York, 2001.
- [17] K. Nakadai, H. G. Okuno, H. Nakajima, Y. Hasegawa, and H. Tsujino. Design and implementation of robot audition system "HARK". *Advanced Robotics*, 24:739– 761, 2009. doi:10.1163/016918610X493561.
- [18] J. P. Hailman and R. G. Jaeger. Phototactic responses to spectrally dominant stimuli and use of color vision by adult anuran amphibians: a comparative survey. *Anim Behav*, 22:757–795, 1974.
- [19] ITU-R. Recommendation ITU-R BT.606-6: Studio encoding parameters of digital television for standard 4:3 and wide screen 16:9 aspect ratios. International Telecommunication Union Radiocommunication Sector, 2007.
- [20] A. Pikovsky, M. Rosenblum, and J. Kurths. synchronization: a universal concept in nonlinear sciences. Cambridge University Press, 2001.
- [21] K.V. Mardia and P. E. Jupp. Directional Statistics. Wiley, 2000.
- [22] I. Aihara. Modeling synchronized calling behavior of Japanese tree frogs. *Phys. Rev. E*, 8:011918, 2009.
- [23] M. D. Greenfield and A. S. Rand. Frogs have rules: Selective attention algorithms regulate chorusing in *Physalaemus* pustulosus (loptodactylidae). *Ethology*, 106:331–347, 2000.
- [24] I. Aihara, T. Mizumoto, T. Otsuka, H. Awano, K. Nagira, H. G. Okuno, and K Aihara. Spatio-temporal dynamics in collective frog choruses examined by mathematical modeling and field observations. *Scientific Reports*, 4(3891), 2014. doi:10.1038/srep03891.